

2. Exprimer les vecteurs $\vec{e}_\rho, \vec{e}_\theta$ de la base cylindrique en fonction des vecteurs de la base cartésienne. (2 pts)

3. Exprimer les coordonnées des vecteurs $\frac{d\vec{e}_\rho}{dt}$ et $\frac{d\vec{e}_\theta}{dt}$ dans la base cartésienne en fonction de θ et $\dot{\theta}$. **(2 pts)**

4. A partir de l'expression du vecteur rotation que vous donnerez, exprimer les coordonnées des vecteurs $\frac{d\vec{e}_\rho}{dt}$ et $\frac{d\vec{e}_\theta}{dt}$ dans la base cylindrique. **(3 pts)**

5. Montrer que la vitesse du point M en coordonnées cylindriques s'écrit : $\vec{v}_M = \begin{vmatrix} \dot{\rho} \\ \rho\dot{\theta} \\ \dot{z} \end{vmatrix}$. **(1.5 pts)**

6. En déduire l'expression de l'accélération du point M en coordonnées cylindriques. **(2.5 pts)**

7. Dans la suite on s'intéresse au point M décrivant la trajectoire définie par les équations horaires suivantes :

$$\begin{cases} \rho(t) &= v_0 t \\ \theta(t) &= \omega_0 t \\ z(t) &= a_0 t^2 + z_0 \end{cases},$$

avec v_0, ω_0, a_0 et z_0 des constantes ≥ 0 .

Exprimer le vecteur vitesse en fonction du temps et des constantes du problème dans la base cylindrique. **(1.5 pts)**

8. Exprimer le vecteur accélération en fonction du temps et des constantes du problème dans la base cylindrique. **(2.5 pts)**

9. Le mouvement du point M est-il uniforme ? Justifier votre réponse par un calcul. **(1.5 pts)**

10. Représenter l'allure de la trajectoire (de façon qualitative en 3D) si z_0 est nul. **(1.5 pts)**