



3. Calculer les dérivées temporelles de ces vecteurs, exprimées dans la base cartésienne.

(MP1 : 3 pts)

4. Exprimer ces mêmes dérivées dans la base cylindrique. Commenter ce résultat.

(MP1 : 2 pts)

5. Montrer que de la vitesse du point  $M$  en coordonnées cylindriques s'écrit :  $\vec{v}_M = \begin{vmatrix} \dot{\rho} \\ \rho\dot{\theta} \\ \dot{z} \end{vmatrix}$ .

(MP2 : 3 pts)

6. En déduire l'expression de l'accélération du point  $M$  en coordonnées cylindriques.  
(MP2 : 3 pts)

7. Dans la suite on s'intéresse au point  $M$  décrivant la trajectoire définie par les équations horaires suivantes :

$$\begin{cases} \rho(t) = v_0 t \\ \theta(t) = \omega_0 t \\ z(t) = a_0 t^2 + z_0 \end{cases},$$

avec  $v_0, \omega_0, a_0$  et  $z_0$  des constantes  $\geq 0$ . Exprimer le vecteur vitesse en fonction du temps et des constantes du problème dans la base cylindrique.

(MP2 : 1 pt)

8. Exprimer le vecteur accélération en fonction du temps et des constantes du problème dans la base cylindrique.

(MP2 : 1 pt)

9. Le mouvement du point  $M$  est-il uniforme ? Justifier votre réponse par un calcul.

(MP2 : 1 pt)

10. Représenter l'allure de la trajectoire (de façon qualitative) si  $z_0$  est nul.

(MP2 : 1 pt)