



4. A partir de l'équation du mouvement d'un ion (puis d'un électron) soumis à l'action de l'onde, montrer que la densité de courant ionique  $\vec{j}_i$  (puis électronique  $\vec{j}_e$ ) peut se mettre sous la forme  $\vec{j}_i = i \frac{\alpha_i}{\omega} \vec{E}$  avec  $\alpha_i$  une constante fonction des propriétés des ions (idem pour  $\vec{j}_e$  avec  $\alpha_e$ ). Une démonstration détaillée et rigoureuse est demandée.

5. En déduire la conductivité  $\sigma$  du milieu. Puis établir l'équation de dispersion du plasma en fonction de  $c$ ,  $\omega$  et  $\omega_c$ . On pose  $\Omega_p^2 = \frac{n_i e^2}{\epsilon_0 M}$ ,  $\omega_p^2 = \frac{n_e e^2}{\epsilon_0 m}$  et  $\omega_c^2 = \omega_p^2 + \Omega_p^2$ .

6. Déterminer le domaine de pulsation pour lequel l'onde est évanescente et celui pour lequel l'onde est progressive. Tracer la courbe de dispersion  $\omega(k)$  en la justifiant.

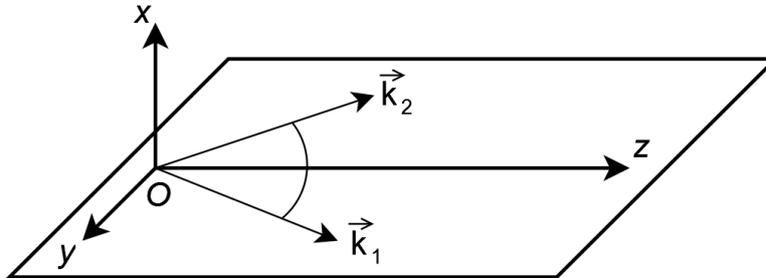


11. Dans le domaine des ondes progressives et pour une onde plane polarisée rectilignement selon l'axe  $(Ox)$ , calculer le vecteur de Poynting  $\vec{\Pi}$  de l'onde en fonction de  $E_0$ ,  $\omega$ ,  $v_\varphi$  et  $\mu_0$ . Donner ensuite sa valeur moyenne temporelle.
12. Deux trains d'onde de longueurs d'onde  $\lambda_1$  et  $\lambda_2$  sont émis au même instant par un objet stellaire situé à une distance  $L$  du récepteur (les  $\lambda$  sont dans le domaine correspondant à la propagation libre du milieu interstellaire décrit plus haut).  
En supposant  $\frac{\omega_c \cdot \lambda_1}{c} \ll 1$  et  $\frac{\omega_c \cdot \lambda_2}{c} \ll 1$ , déterminer  $\Delta t = t_2 - t_1$ , le retard de détection entre les 2 signaux en fonction de  $L$ ,  $\omega_c$ ,  $c$  et les 2 longueurs d'onde. On donne  $(1 - u)^a \simeq 1 - a \cdot u$  à l'ordre 1 quand  $u \ll 1$ .

### Superposition de 2 ondes électromagnétiques (/ 6 pts)

Deux OPPM polarisées rectilignement selon  $\vec{e}_x$ , se propagent dans 2 directions telles que les vecteurs d'onde  $\vec{k}_1$  et  $\vec{k}_2$  fassent un angle  $\theta$  avec l'axe ( $Oz$ ) comme indiqué sur la figure. Ces deux ondes se propagent dans le vide avec une longueur d'onde  $\lambda$ . Au point d'origine  $O$ , elles sont en phase, si bien que :

$$\vec{E}_1(O) = \vec{E}_2(O) = E_0 e^{-i\omega t} \vec{e}_x$$



1. Donner, en fonction de  $\omega$ ,  $t$ ,  $y$ ,  $z$  et  $\theta$ , les expressions de  $\vec{E}_1$  et  $\vec{E}_2$  en un point  $M(x, y, z)$ .
  
2. Calculer au point  $M$  le champ électrique total  $\vec{E}_T = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$ .
  
3. Montrer que l'expression de  $\vec{E}_T$  fait apparaître un terme de propagation (phase  $\varphi$ ) et un terme d'amplitude modulée ( $A$ ). Donner leur expression.

